

VII РАЗРЕД

Признавати сваки тачан поступак који се разликује од кључа.
Бодовање прилагодити конкретном начину решавања.

$$1. \text{ (МЛ 51/5) } \left(\frac{9^{10} \cdot (-4)^{25} \cdot 18^{100}}{8^{50} \cdot (-3)^{220}} \right)^{2017} + \left(\frac{12^{100} \cdot 3^{100}}{(-6)^{200}} \right)^{2018} =$$

$$\left(\frac{3^{20} \cdot 2^{50} \cdot 2^{100} \cdot 3^{200}}{2^{150} \cdot 3^{220}} \right)^{2017} + \left(\frac{2^{200} \cdot 3^{100} \cdot 3^{100}}{2^{200} \cdot 3^{200}} \right)^{2018} \quad [10 \text{ поена}] = -1 + 1 = 0 \quad [10 \text{ поена}].$$

2. (МЛ 52/1) Троуглови ABC и ADC имају једнаке висине, па из услова задатка следи да је $CD = \frac{1}{3} \cdot AB = 4 \text{ cm}$ [7 поена]. Како су познате дужине основица и крака, применом Питагорине теореме добијамо да је висина трапеза 3 cm [7 поена], па је његов обим 26 cm [3 поена], а површина 24 cm^2 [3 поена].

3. Последње цифре бројева $1^1, 2^2, 3^3, \dots, 9^9, 10^{10}$ су, редом, 1, 4, 7, 6, 5, 6, 3, 6, 0 [10 поена], па је последња цифра датог збира једнака последњој цифри збира, $1 + 4 + 7 + 6 + 5 + 6 + 3 + 6 + 9 + 0 = 47$, дакле 7 [10 поена].

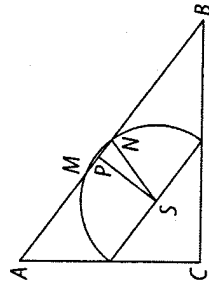
4. Како је $B - A = 2 \cdot (2 + 4 + 6 + \dots + 2018)$ [8 поена]

$$= 4 \cdot (1 + 2 + 3 + \dots + 1009)$$

$$= 4 \cdot \frac{1009 \cdot 1010}{2} = 2 \cdot 1009 \cdot 1010 \quad [8 \text{ поена}],$$

то је $\frac{B - A}{1010} = 2018$ [4 поена].

5. Дужина хипотенузе AB је 10 cm, па је дужина поменуте средње линије 5 cm, а полупречник кружнице $SN = 2,5 \text{ cm}$ [7 поена]. Висина троугла



ABC је $\frac{AC \cdot BC}{AB} = 4,8 \text{ cm}$, па је растојање SP средшта S средње линије од тетиве MN једнако половини те висине, дакле 2,4 cm [7 поена]. Из правоуглог троугла SPN добијамо да је $PN^2 = SN^2 - SP^2 = (2,5 \text{ cm})^2 - (2,4 \text{ cm})^2 = 0,49 \text{ cm}^2$, па је $PN = 0,7 \text{ cm}$ и $MN = 2 \cdot PN = 1,4 \text{ cm}$ [6 поена].